

**Estructura de la Materia 2**  
**Primer Cuatrimestre de 2007**  
**Guía 8: Propiedades Térmicas**

1. A partir de la relación de dispersión de una cadena lineal monoatómica con interacciones a primeros vecinos encontrar la densidad de estados de fonones.
2. Suponiendo que la rama óptica en un sólido tridimensional tiene, cerca de  $k = 0$ , la forma  $\omega(k) = \omega_0 - Ak^2$ , mostrar que la densidad de estados correspondiente a esa porción de la banda óptica es:

$$D(\omega) = \begin{cases} \left(\frac{L}{2\pi}\right)^3 2\pi A^{-3/2} (\omega_0 - \omega)^{1/2} & \omega \leq \omega_0 \\ 0 & \omega \geq \omega_0 \end{cases}$$

3. Calcular la densidad de estados para un medio elástico continuo unidimensional y bidimensional.
4. Calcular el calor específico a bajas y altas temperaturas para un medio elástico continuo unidimensional y bidimensional.
5. Un cristal puede ser descrito por el modelo de Debye-Einstein con frecuencia de Debye  $\omega_D$  y frecuencia de Einstein  $\omega_E$ ,  $\omega_E \gg \omega_D$ .
  - a) Hacer un gráfico cualitativo de la densidad de estados fonónica  $D(\omega)$ , indicando claramente la condición de normalización.
  - b) Hacer otro de  $c_v = c_v(T)$ , especificando su dependencia para  $T \rightarrow 0$  y para temperaturas altas.

**Considerar el problema en 1, 2 y 3 dimensiones.**